

УДК 539.3

ДВОВИМІРНА ЗАДАЧА ЕЛЕКТРОПРУЖНОСТІ ДЛЯ ПІВПРОСТОРУ З ОТВОРАМИ ТА ТРІЩИНАМИ У ВИПАДКУ ДІЇ ЕЛЕКТРИЧНОГО ПОЛЯ

Юлія Глущенко¹, Костянтин Хорошев²

¹Національний транспортний університет, м. Київ;

²Національний технічний університет України «Київський політехнічний інститут імені Ігоря Сікорського», м. Київ

Особливої актуальності та практичного інтересу в останні роки набувають задачі дослідження електропружного стану п'єзоелектричних елементів з отворами та тріщинами при впливі механічних і електричних навантажень. В роботі [1] досліджено плоскі та двовимірні задачі електропружності для багатозв'язних півплощин і півпросторів під дією механічного навантаження. В роботі [2] наведено розв'язок плоскої задачі електропружності для п'єзоелектричного півпростору з однією тріщиною при дії віддаленого електричного поля.

У цій роботі розв'язано та досліджено двовимірну задачу електропружності для півпростору, що знаходиться під дією віддаленого електричного поля, коли плоска обмежувальна поверхня вкрита тонким електродом і є вільною від механічного навантаження. Із використанням методу комплексних потенціалів, конформних відображень і розвинення в ряди Лорана отримано загальні вирази комплексних потенціалів з виділеними сингулярностями у вершинах тріщин, що розглядаються як «вузькі» еліпси. Граничні умови на плоскій границі задовольняються точно із використанням методу інтегралів типу Коші, а на поверхнях отворів і тріщин – наближено, із використанням методу найменших квадратів.

1. Калогеров С.А., Баева А.И., Бороненко О.И. Двумерные задачи электро-магнитоупругости для многосвязных областей. – Донецк: Юго-Восток, 2007. – 268 с.
2. Khoroshev K.G., Glushchenko Yu.A. Plane electroelastic problem for a cracked piezoelectric half-space subject to remote electric field action // European J. of Mechanics – A/Solid. – 2020. – 82. – doi: 10.1016/j.euromechsol.2020.103984

TWO-DIMENSIONAL ELECTRICAL ELASTIC PROBLEM FOR HALF-SPACE WITH HOLES AND CRACKS IN CASE OF ELECTRIC FIELD

On the basis of the method of Lekhnitskii' generalized complex potentials of electroelasticity, Cauchy type integral method and the least squares method, a two-dimensional electroelasticity problem for half-space with holes and cracks in the case of electric field is investigated.